

関数  $f(x) = ax^3 + 3bx^2 + 3cx$  は  $x = 1$  において極大値,  $x = 3$  において極小値をとり, 極大値と極小値の差は 8 であるという。  $a, b, c$  の値を定めよ。