

2次の整式 $f(x) = x^2 + ax + b$ を考える。すべての自然数 n に対して $\frac{1}{n} \sum_{k=1}^n f(k) = \frac{1}{3} f(n)$ が成り立つような $f(x)$ を求めよ。 [北海道大]