

$a > 0$ とする。このとき, $x > 0$ の範囲で不等式

$$(x^2 - 2ax + 1)e^{-x} < 1$$

が成り立つことをを証明せよ。ただし, e は自然対数の底である。

〔奈良女子大〕