

サイクロイド $x = a(\theta - \sin \theta)$, $y = a(1 - \cos \theta)$ (a は正の定数) の $0 \leq \theta \leq 2\pi$ の部分と x 軸で囲まれた図形の面積 S を求めよ。 [有名問題]