$\angle A_1 = 90^\circ, A_1B=4, BC=5, CA_1=3$  の直角三角形  $A_1BC$  がある。 $A_1$  から対辺 BC に下ろした垂線を  $A_1A_2, A_2$  から  $A_1B$  に下ろした垂線を  $A_2A_3$  とし,以下これを無限に続け,点  $A_2, A_3, \cdots, A_n, \cdots$  をとるとき, $\triangle A_1BA_2, \triangle A_2BA_3, \triangle A_3BA_4, \cdots, \triangle A_nBA_{n+1}, \cdots$  の面積の総和 S を求めよ。

