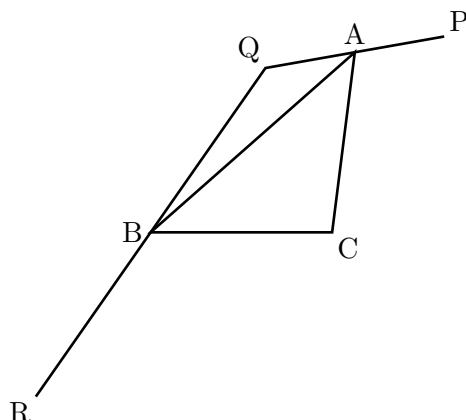


【953回】



上の図のような,  $AB=6\text{ cm}$ ,  $BC=5\text{ cm}$ ,  $CA=4\text{ cm}$  の  $\triangle ABC$  があります。

いま,  $PA=2\text{ cm}$  である点  $P$  をとり, 以下のように点  $Q, R, S, \dots$  をとります。(図には,  $R$  までしか描いていません)

- ・  $PQ$  の中点が  $A$  となるように、点  $Q$  をとる。
- ・  $QR$  の中点が  $B$  となるように、点  $R$  をとる。
- ・  $PS$  の中点が  $C$  となるように、点  $S$  をとる。
- ・  $ST$  の中点が  $A$  となるように、点  $T$  をとる。
- ・  $TU$  の中点が  $B$  となるように、点  $U$  をとる。
- ・  $UV$  の中点が  $C$  となるように、点  $V$  をとる。

このとき, 点  $P$  と点  $V$  の距離は何  $\text{cm}$  であるかを求めてください。

ベルク・カツェ

$PQR$  について考えてみると、三角形  $AQB$  と  $PQR$  は  $1:2$  の相似なので  $PR = 6 \times 2 = 12$  となり、 $AB$  と  $PR$  は平行。

同様に  $TV = 10$ ,  $QS = 10$  となり、どちらも  $BC$  と平行。

$SA = AT$ ,  $PA = AQ$  なので合同ができ、 $TV$  と  $TP$  は一致、よって答えは  $0$ 。

最初すぐにゼロではないかと思いましたが、ちゃんと確認するのにかなり時間がかかりました。

あめい

中点連結定理と平行四辺形の性質で。(これくらいなら算数範囲で大丈夫でしょうか)

$RSQ$  で  $RB = BQ$ ,  $RC = CS$  より  $BC$  平行  $QS$ ,  $QS = 2BC$

$UVT$  で  $UB = BT$ ,  $UC = CV$  より  $BC$  平行  $TV$ ,  $TV = 2BC$

1組の辺が平行で等しいので  $TQSV$  は平行四辺形。

対角線  $TS$  の中点が  $A$  で、平行四辺形の2つの対角線は中点で交わるので、もうひとつの対角線  $QV$  で  $QA = AV$

またQPは一直線で、 $QA = AP$ なのでVはPと一致する。よって $PV = 0$ 。  
PAが2cmの条件はなくても良かったんですね。  
(というよりAB, BC, CAの長さの条件もなくても良かったけど、さすがにそれでは問題にならない?)

[0]