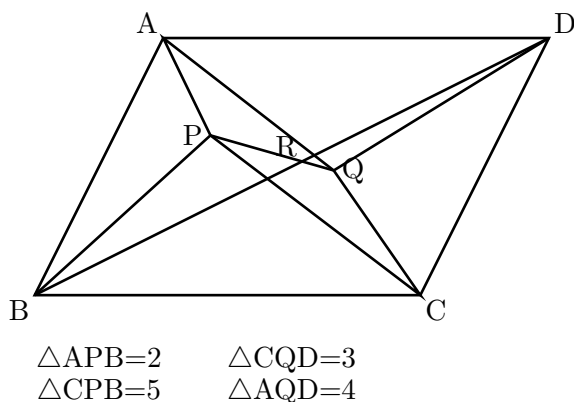


【966回】



上の図のような平行四辺形 ABCD があります。

いま、平行四辺形 ABCD の内部に点 P, Q をとったところ、

$$\triangle APB=2\text{cm}^2$$

$$\triangle CPB=5\text{cm}^2$$

$$\triangle CQD=3\text{cm}^2$$

$$\triangle AQD=4\text{cm}^2$$

となりました。また、線分 PQ と対角線 BD の交点を R とします。

このとき、PR の長さは RQ の長さの何倍であるかを求めてください。

[3 倍]

ma-mu-ta

書き込み遅くなりましたが、時間の余裕がなかったので。。等積変形，等積移動と相似です。

P から AB と平行な線を引いて BC, BD との交点を S, T とし、

Q から CD と平行な線を引いて AD, BD との交点を U, V とします。

TA, TC, VA, VC をそれぞれ結びます。

APB と ATB は、底辺 AB 共通で、高さが等しいので、 $APB = ATB$

ATB と CTB は、底辺 BT 共通で、 ABD CDB より高さが等しいので、
 $ATB = CTB$

よって、 $APB = ATB = CTB$ となり、 $PS : TS = CPB : CTB = CPB : APB = 5 : 2$

同様にして、 $CQD = CVD = AVD$ となり、 $QU : VU = AQD : AVD = AQD : CQD = 4 : 3$

PTR QVR より、 $PR : QR = PT : QV = (PS - TS) : (QU - VU) = (5 - 2) : (4 - 3) = 3 : 1$

したがって、PR は RQ の 3 倍

スモークマン

$$(5-3.5)/(4-3.5)=3$$

uchinyan

はい、こんにちは。さて、今回の問題は ...

うーむ、久しぶりの平面図形で何やらてこずってしまいました。

一見して特殊化で解けるなと思ったのですが、そこはこらえてしばし考えたのですがうまくいかず、

結局、 $ABCD$ を正方形、 APB の高さを 2、 CPB の高さを 5、 CQD の高さを 3、 AQD の高さを 4、

と特殊化して解きました。

掲示板を読む前にもう少し考えます。