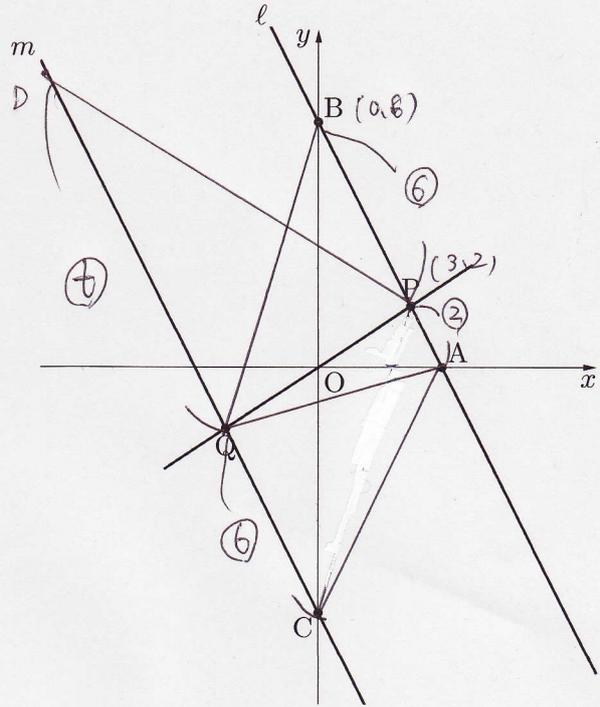




右の図のように、直線  $l$  は  $y = -2x + 8$  であり、直線  $l$  と  $x$  軸、 $y$  軸との交点をそれぞれ  $A$ 、 $B$  とする。 $l$  上の  $y$  座標が 2 である点を  $P$  とし、直線  $OP$  上に線分  $PQ$  の中点が原点  $O$  となるように点  $Q$  をとる。また、点  $Q$  を通り、直線  $l$  に平行な直線を  $m$  とし、直線  $m$  と  $y$  軸との交点を  $C$  とする。次の (1) ~ (3) に答えなさい。



- (1) 点  $P$  の座標を求めなさい。
- (2) 直線  $m$  の式を求めなさい。
- (3) 直線  $m$  上に点  $D$  をとる。四角形  $APDQ$  の面積が、四角形  $ABQC$  の面積と等しくなるとき点  $D$  の座標を求めなさい。

d)  $2 = -2x + 8$

$$\begin{aligned} 2x &= 6 \\ x &= 3 \end{aligned} \quad \underline{\underline{P(3, 2)}}$$

[H25 徳島県第 1 回基礎学力テスト]

(2)  $Q \Rightarrow$   $P$  と  $O$  の対称点  $Q(-3, -2)$   
 $y = -2x + b \leftarrow (-3, -2) \text{ 代入 } -2 = 6 + b \quad b = -8$   
 $y = -2x - 8$

(3)  $y$  座標の差で面積比を考えた

$$\begin{aligned} ABQC &= AB + QC = \textcircled{8} + \textcircled{6} = \textcircled{14} \\ APDQ &= AP + DQ = \textcircled{3} + \textcircled{9} = \textcircled{12} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{等しい} \\ \textcircled{14} = \textcircled{2} + \textcircled{12} \end{array} \right\} t = 12$$

よって  $Q$  の  $y$  座標を上へ 12 移動させると  $D$  の  $y$  座標は 10 である

$$y = -2x - 8 \text{ 上にあるので } y = 10 \text{ とし } 10 = -2x - 8 \quad \cancel{2x = -18} \quad 2x = -18 \quad x = -9$$

よって  $D(-9, 10)$

他  $\triangle AQC$  を移動させて考えてみた

