辺 AB を下底とする台形 ABCD が AD=DC=CB=1, AB>1 を満たしている。対角線 AC と BD の交点を  $P, \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{x}, \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{y}$  とし、 $\overrightarrow{x}$  と  $\overrightarrow{y}$  の内積を  $\overrightarrow{x \cdot y}$  と表す。次の問いに答えよ。

- (1) AB を  $\overrightarrow{x} \cdot \overrightarrow{y}$  を用いて表せ。
- (2)  $\overrightarrow{AP}$  を  $\overrightarrow{x}$ ,  $\overrightarrow{y}$ ,  $\overrightarrow{x}$ ・ $\overrightarrow{y}$  を用いて表せ。
- (3)  $\overrightarrow{x}\cdot\overrightarrow{y}=\frac{\sqrt{3}}{2}$  のとき  $\triangle {
  m ABP}$  の面積を求めよ。

〔静岡大〕