

(1) $a_1 = 1, a_{n+1} = 3a_n + 8^n$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) で定められた数列 $\{a_n\}$ を考える。

(i) $b_n = \frac{a_n}{\square^n}$ とおくと、数列 $\{b_n\}$ は、 $b_{n+1} = \frac{\square}{\square} b_n + \frac{\square}{\square}$, すなわち

$b_{n+1} - \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} \left(b_n - \frac{\square}{\square} \right)$ を満たす。

(ii) $a_n = \frac{\square}{\square} \cdot \square^n - \frac{\square}{\square} \cdot \square^n$ である。

(2) $a_1 = 1, a_{n+1} = 3a_n + 8n$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) で定められた数列 $\{a_n\}$ を考える。

(i) $b_n = a_n + \square n$ とおくと、数列 $\{b_n\}$ は、 $b_{n+1} = \square b_n + \square$ を満たす。

(ii) $a_n = \square \cdot \square^{n-1} - \square n - \square$ である。ただし、(1), (2) における等式は、すべての n ($n = 1, 2, 3, \dots$) に対して成り立つものとする。

〔東京理科大〕