

xy 平面において、 O は原点、 P は曲線 $x^2 + y^2 = 4$ ($x \geq 0, y \geq 0$) 上を点 $(2, 0)$ から点 $(0, 2)$ まで動く点とする。 OP を $1 : 2$ に内分する点を H とする。 H を通り OP に垂直な直線と放物線 $y = x^2 - \frac{13}{3}$ との交点で、 x 座標が正の交点を Q とする。

(1) Q の x 座標のとりうる値の範囲は $\frac{\square}{\square} \leq x \leq \sqrt{\square}$ である。

(2) $\triangle OPQ$ の面積が最小となるときの Q の x 座標は $\frac{\square}{\square}$ であり、このときの $\triangle OPQ$

の面積は $\frac{\sqrt{\square}}{\square}$ である。

〔慶応大〕