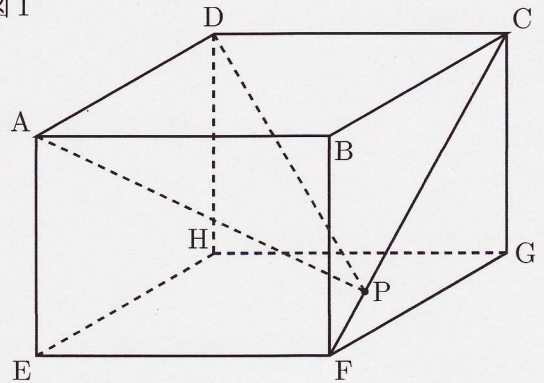




右の図1に示した立体  $ABCD-EFGH$  は、  
 $AB=AD=8\text{ cm}$ ,  $AE=6\text{ cm}$  の直方体である。  
 頂点  $C$  と頂点  $F$  を結び、線分  $CF$  上にある点を  
 $P$  とする。  
 頂点  $A$  と点  $P$ , 頂点  $D$  と点  $P$  をそれぞれ結ぶ。  
 次の各問に答えよ。

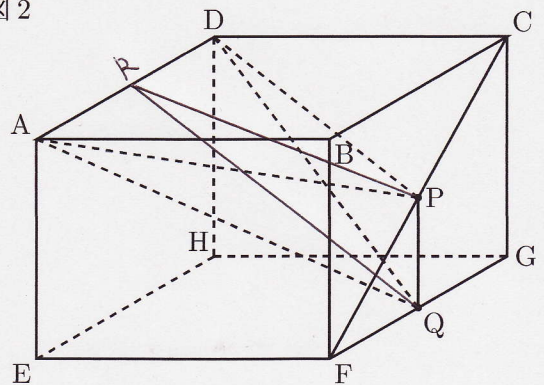
図1



問1 点  $P$  が頂点  $F$  に一致するとき、 $\triangle APD$  の  
 内角である  $\angle DAP$  の大きさは何度か。

問2 右の図2は、図1において、点  $P$  が線分  $CF$   
 の中点となるときの、点  $P$  から辺  $FG$  に引い  
 た垂線と、辺  $FG$  との交点を  $Q$  とし、頂点  
 $A$  と点  $Q$ , 頂点  $D$  と点  $Q$  をそれぞれ結んだ  
 場合を表わしている。  
 立体  $P-AQD$  の体積は何  $\text{cm}^3$  か。

図2



問1

$90^\circ$

問2

ADの中点をRとすると

立体  $P-AQD = \text{三角錐} A-PQR + \text{三角錐} D-PQR$

[東京]

で 三角錐  $A-PQR$  と 三角錐  $D-PQR$  は 形が同じである

ことから

$$\text{立体 } P-AQD = \triangle PQR \times AR \times \frac{1}{3} \times 2 \text{ となる}$$

$\triangle PQR$  の底辺  $PQ$  と高は  $PC$  であることから

$$PQ = 3\text{ cm (中点連結定理)}, PC = 8\text{ cm}, AR = 4\text{ cm である}$$

従って

$$\text{立体 } P-AQD = 3 \times 8 \times \frac{1}{2} \times 4 \times \frac{1}{3} \times 2$$

$$= 8 \times 4$$

$$= 32$$

$$\underline{\underline{32\text{ cm}^3}}$$

